

Následující návod je určen studentům předmětu *M5170: Matematické programování* (PřF MU) pro „snadnou“ implementaci numerickým metod nepodmíněné minimalizace s pomocí programů MATLAB a MAPLE v textovém módu, které jsou dostupné na serveru Vader na ÚMS PřF MU (použití na vlastním počítači je samozřejmě také možné). Jedná se o zjednodušenou alternativu k Mapletům, které jsou dostupné na úložišti MapleCloud prostřednictvím odkazů uveřejněných na adrese <https://goo.gl/H2fC7P>.

Další šíření zdrojových kódů není povoleno (prosím o respektování). Připomínky, náměty, zjištěné nedostatky apod. jsou vítány na adrese zemanekp@math.muni.cz.

© Petr Zemánek

NÁVOD (v1.5 /6. září 2017/)

Složku „Metody“ zkopírujte do domovského adresáře na serveru Vader. Tato složka obsahuje zdrojové kódy pro metody jednorozměrné nepodmíněné minimalizace (soubory s příponou `.m`) použitelné v programu MATLAB a zdrojový kód pro metody vícerozměrné nepodmíněné minimalizace (soubor s příponou `.mpl`) použitelné v programu MAPLE.

Přihlaste se na tento server (typicky pomocí programu `putty.exe`) a přesuňte se do složky `Metody` (příkazem „`cd Metody`“).

Metody jednorozměrné minimalizace (MATLAB)

Příkazem

```
matlab -nojvm -nodisplay -nosplash
```

spustíte MATLAB v textovém módu (ukončíte jej příkazem `exit`). Zadáním vhodného příkazu můžete otestovat jednotlivé metody.

Metoda prostého delení (ekvidistantní)

příklad použití: `ProsteDeleniEKVDST(@(x) 7*x^2-4*x+15, 0, 1, 10)`

obecná syntaxe: `ProsteDeleniEKVDST(f, a, b, N)`

Metoda prostého delení (sudý počet dělení)

příklad použití: `ProsteDeleniSUDE(@(x) 7*x^2-4*x+15, 0, 1, 10, 0.1)`

obecná syntaxe: `ProsteDeleniSUDE(f, a, b, N, delta)`

Metoda půlení intervalu

příklad použití: `PuleniIntervalu(@(x) 7*x^2-4*x+15, 0, 1, 10, 0.1)`

obecná syntaxe: `PuleniIntervalu(f, a, b, N, delta)`

Fibonacciho metoda

příklad použití: `Fibonacci(@ (x) 7*x^2-4*x+15, 0, 1, 6, 0.05)`

obecná syntaxe: `Fibonacci(f, a, b, N, delta)`

Metoda zlatého řezu

příklad použití: `ZlatyRez(@ (x) 7*x^2-4*x+15, 0, 1, 10)`

obecná syntaxe: `ZlatyRez(f, a, b, N)`

Význam jednotlivých symbolů v obecné syntaxi

`f` ... funkce (musí být zadána v uvedeném tvaru s `@`, aby byla určena proměnná)

`a` ... levý krajní bod výchozího intervalu

`b` ... pravý krajní bod výchozího intervalu

`N` ... počet vyčíslení (u Metody půlení intervalu je výsledný počet vyčíslení $2N$)

`delta` ... význam v souladu s odpřednášeným popisem metod (u jednotlivých metod se liší)

Metody vícerozměrné minimalizace (MAPLE)

Příkazem

`maple2015`

spustíte MAPLE v textovém módu (ukončíte jej příkazem `quit;`). Nejdříve zadejte příkaz

```
read "Metody/MetodyVRn.mpl";
```

(nebo jinou cestu k souboru `MetodyVRn.mpl`, nezapomínejte na středník na konci každého příkazu). Nyní můžete importovat jednotlivé metody příkazem

```
with(MetodyVRn);
```

Tímto se definují příkazy MNS, NM a MSG.

Obecná syntaxe jednotlivých metod je stejná. Pro **Metodu sdružených gradientů** je

```
MNS(f, P, N, VypsatiIterace, VypsatiIteracePodrobne)
```

pro **Newtonovu metodu**

```
NM(f, P, N, VypsatiIterace, VypsatiIteracePodrobne)
```

pro **Metodu sdružených gradientů ve variantě bez resetování hodnoty beta**

```
MSG(f, P, N, VypsatIterace, VypsatIteracePodrobne)
```

pro **Metodu sdružených gradientů ve variantě s resetováním hodnoty beta**

```
MSGreset(f, P, N, VypsatIterace, VypsatIteracePodrobne)
```

Význam jednotlivých symbolů v obecné syntaxi

f ... funkce s proměnnými ve tvaru $x[1]$, $x[2]$ atd.

P ... počet proměnných

N ... počet iterací

`VypsatIterace` ... formát výpisu řešení (zadejte buď `true` nebo `false`)

`VypsatIteracePodrobne` ... formát výpisu řešení (zadejte buď `true` nebo `false`)

Pro správné fungování metod je také potřeba zadat počáteční aproximaci. Máme-li např. funkci 3 proměnných a počáteční aproximací je bod $[0, 0, 0]$, pak je potřeba zadat příkaz

```
VychoziBod[1]:=0; VychoziBod[2]:=0; VychoziBod[3]:=0;
```

Bude-li výpis řešení příliš komplikovaný (velké zlomky aj.), zadejte předchozí příkaz s tečkou za jednotlivými čísly, tj.

```
VychoziBod[1]:=0.; VychoziBod[2]:=0.; VychoziBod[3]:=0.;
```

Budou-li čísla zadána v předchozím tvaru je možné, že Metoda sdružených gradientů nenalezne přesné řešení pro kvadratické formy v konečném počtu kroků z důvodu zaokrouhlování.

Nyní již stačí zadefinovat funkci, např.

```
f:=(3/2)*x[1]^2+2*x[2]^2+(3/2)*x[3]^2+x[1]*x[3]+2*x[2]*x[3]-3*x[1]-x[3];
```

a spustit jednotlivé příkazy

```
MNS(f, 3, 5, true, false);
```

```
NM(f, 3, 5, true, false);
```

```
MSG(f, 3, 5, true, false);
```

Zkuste také např. Rosenbrockovu funkci

```
f:=100*(x[2]-x[1]^2)^2+(1-x[1])^2;
```

nebo např. (zde je potřeba změnit počáteční aproximaci)

```
f:=10*(x[2]-sin(x[1]))^2+x[1]^2/10;
```

- 20. prosince 2015
 - vytvořeny kódy pro numerické metody jednorozměrné minimalizace (Metoda prostého dělení s ekvidistantní velikostí dělení, Metoda prostého dělení se sudým počtem vyčíslení, Metoda půlení intervalu, Fibonacciho metoda, Metoda zlatého řezu)
- 23. prosince 2015
 - upraven formát čísel ve výpisu v MATLABu
 - opravena chyba ve výpočtu „přesného“ řešení pro metody v MATLABu
- 27. prosince 2015
 - vytvořeny kódy pro numerické metody vícerozměrné minimalizace (Metoda největšího spádu, Newtonova metoda a Metoda sdružených gradientů)
- 4. ledna 2016
 - upraven drobný překlep ve výpisu iterací pro Newtonovu metodu
 - přidána Metoda sdružených gradientů s resetováním hodnoty beta (`MSGreset`)
- 6. ledna 2016
 - upraven formát zadávaných funkcí (proměnné ve tvaru $x[i]$ místo $t[i]$)
- 12. listopadu 2016
 - formální změny v návodu
- 22. listopadu 2016
 - oprava chyby ve výpočtu apriorního odhadu chyby aproximace pomocí Fibonacciho metody
- 8. dubna 2017
 - vylepšen výpočet jednorozměrné minimalizace pro metody v R^n
- 6. září 2017
 - formální změny v návodu